

$$A_k = \frac{2}{l} \int_0^l \varphi(x) \sin \frac{\pi kx}{l} dx,$$

$$B_k = \frac{2}{\pi ka} \int_0^l \psi(x) \sin \frac{\pi kx}{l} dx.$$

Zamjenom ovako dobijenih  $A_k$  i  $B_k$  u (17) dobijamo rješenje  $Mz$  (10) -(11), (12).

**Primjer 3.** Žica je pričvršćena u krajevima  $x=0$  i  $x=l$ , a u početnom momentu ima formu parabole  $u = \frac{4h}{l^2} x(l-x)$ . Odrediti treperenje žice ako je početna brzina treperenja jednaka nuli. Ovdje je  $\varphi(x) = \frac{4h}{l^2} x(l-x)$  i  $\psi(x) = 0$ . Nalazimo koeficijente reda

koji definiše rješenje treperenja ograničene žice:

$$A_k = \frac{2}{l} \int_0^l \varphi(x) \sin \frac{\pi kx}{l} dx = \frac{8h}{l^3} \int_0^l (lx - x^2) \sin \frac{\pi kx}{l} dx, \quad B_k = 0.$$

Kada se primijeni dva puta parcijalna integracija, tada se dobija da je  $A_k = \frac{16h}{k^3 \pi^2} (1 - (-1)^k)$ . Zamjenom  $A_k$  i  $B_k$  u formuli (17) dobijamo da je rješenje funkcija

$$u = \sum_{k=1}^{\infty} \frac{16h}{k^3 \pi^3} (1 - (-1)^k) \cos \frac{\pi kat}{l} \sin \frac{\pi kx}{l}.$$

Kako je za  $k=2n$ :  $1 - (-1)^k = 0$ , a za  $k=2n+1$ :  $1 - (-1)^k = 2$ , to se gornje rješenje može zapisati u obliku

$$u = \frac{32h}{\pi^3} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(2n+1)^3} \cos \frac{\pi(2n+1)at}{l} \sin \frac{\pi(2n+1)x}{l}.$$